UMIDADE DO AR

PRESSÃO PARCIAL E A LEI DE DALTON

O ar é uma mistura de gases e, como foi visto em aulas anteriores, o ar se comporta como um gás ideal. Lembrando do conceito de um gás ideal (suas moléculas não ocupam espaço e elas tampouco interagem), não é dificil entender que uma mistura de gases ideais também é um gás ideal. Podemos então utilizar a equação universal dos gases ideais

$$PV = nRT \tag{1}$$

para estudar a mistura ideal. Neste caso, P é a pressão total da mistura, V é o volume do recipiente e n é o número de moles, ou seja

$$n = n_1 + n_2 + \ldots + n_i + \ldots {2}$$

onde i é o número do i-ésimo componente da mistura. A razão $f_i = n_i/n$ é chamada de fração molar. Para qualquer componente podemos escrever

$$P_i V = n_i RT \tag{3}$$

onde p_i é a chamada pressão parcial do gás considerado na mistura. Comparando as relações acima, temos

$$P = P_1 + P_2 + \dots + P_i + \dots$$
 (4)

A equação 4 é a expressão matemática da *Lei de Dalton*: a pressão total de uma mistura de gases ideais é igual à soma das pressões parciais dos gases ideais constituintes. Uma outra forma de escrever esse resultado é, combinando as equações 1 e 3:

$$\frac{P_i}{P} = \frac{n_i}{n} = f_i \Rightarrow P_i = P.f_i \tag{5}$$

Estes resultados são de grande importância na determinação das propriedades das misturas gasosas como o ar atmosférico.

Exemplo 1: Calcular a concentração de um componente do ar

A concentração de CO_2 no ar atmosférico em 1985 foi estimada em 344 ppm. Qual foi a concentração de CO_2 naquele ano em gramas por metro cúbico? (considere $P_{atm} = 10^5$ Pa e T = 300 K; a massa molecular de CO_2 é 44 g/mol).

LCE-200 Física do Ambiente Agrícola

Solução:

Utilizando a equação 5, temos, nesse caso:

$$P_{CO2} = P.f_{CO2}$$

Como $f_{CO2} = 344$ ppm, ou seja, $344/10^6$ ou 344.10^{-6} , temos

$$P_{CO2} = 10^5.344.10^{-6} = 34.4 \text{ Pa}.$$

Para calcular a concentração em mol/m³, reescrevemos a equação 3 como

$$\frac{n_{CO2}}{V} = \frac{P_{CO2}}{RT} = \frac{34,4}{8.314.300} = 1,38.10^{-2} \text{ mol m}^{-3}$$

Convertendo esse resultado para g/m³ obtemos:

$$1,38.10^{-2} \text{ mol m}^{-3}$$
 . 44 g mol⁻¹ = $0,61 \text{ g m}^{-3}$

COMPOSIÇÃO DO AR

O ar seco é composto de nitrogênio, oxigênio e argônio, além de outros componentes como dióxido de carbono, hidrogênio, hélio, néon e outros. Os primeiros três componentes compõem praticamente a totalidade, como mostra a Tabela 1 com maiores detalhes. Nota-se que estas porcentagens refletem frações molares ou de pressão parcial, conforme visto no item anterior.

Tabela 1 - Composição do ar seco à temperatura de 15°C e pressão de 101325 Pa*

Molécula	Símbolo	Massa molecular (g mol ⁻¹)	n _i / n (%)
Nitrogênio	N_2	28	78,084 (≈78)
Oxigênio	O_2	32	20,9476 (≈21)
Argônio	Ar	40	0,934 (≈1)
Dióxido de Carbono	CO_2	44	0,0314
Néon	Ne	20,2	0,001818
Metano	CH_4	16	0,0002
Hélio	He	4	0,000524
Criptônio	Kr	83,8	0,000114
Hidrogênio	H_2	2	0,00005
Xenônio	Xe	131,3	0,0000087

*Fonte: CRC Handbook of Chemistry and Physics, David R. Lide, Editor-in-Chief, 1997 Edition

Além desses componentes, o ar atmosférico sempre contém quantidade variável de vapor d'água conforme a temperatura, região, estação, etc. Esse vapor, resultante da evaporação das águas dos mares, rios e lagos, sobretudo pela ação do calor solar, mistura-se com o ar atmosférico e passa a fazer parte de sua composição. Devem-se ao vapor de água diversos fenômenos relevantes na vida de animais e plantas, como a chuva, neve, etc.

Em condições normais, o teor de água (em estado de vapor) na atmosfera varia de praticamente 0 a 5%, em função dos elementos constituintes da atmosfera. O conteúdo de vapor d'água é maior no equador do que nos pólos e diminui com a altitude tornando-se quase desprezível acima de 10.000 m.

Exemplo 2: Calcular a composição do ar com teor de água de 4%

Considerando apenas os componentes principais do ar: nitrogênio (78%), oxigênio (21%) e argônio (1%), calcular a composição do ar com teor de água de 4%

Solução:

Se a água vem a ocupar 4%, então a soma dos demais componentes representará 100-4=96%. Mantendo a proporção 78-21-1 teremos:

Nitrogênio:	78 x 0,96 =	74,88%
Oxigênio:	21 x 0,96 =	20,16%
Argônio:	$1 \times 0.96 =$	0,96%
Água:		4,00%
TOTAL:		100,0%

Exemplo 3: Calcular a densidade do ar seco e do ar com teor de água de 4%

Considerando apenas os componentes principais do ar: nitrogênio (78%), oxigênio (21%) e argônio (1%), calcular a densidade do ar seco e do ar com teor de água de 4% à pressão de 10⁵ Pa e temperatura de 298 K.

Solução:

Reescrevendo a equação 1 temos

$$\frac{n}{V} = \frac{P}{RT} = \frac{10^5}{8,314.298} = 40,36 \text{ mol m}^{-3}$$

Para o ar seco:

 $40.36 \times 78\% = 31.5 \text{ mol m}^{-3} \times 28 \text{ g mol}^{-1} = 881.5 \text{ g m}^{-3}$ Nitrogênio: $40,36 \times 21\% = 8,48 \text{ mol m}^{-3} \times 32 \text{ g mol}^{-1} = 271,2 \text{ g m}^{-3}$ Oxigênio: $40,36 \times 1\% = 0,404 \text{ mol m}^{-3} \times 40 \text{ g mol}^{-1} = 16.1 \text{ g m}^{-3}$ Argônio:

 $1168.8 \text{ g m}^{-3} = 1.17 \text{ kg m}^{-3}$ Total ar seco:

Para o ar úmido (4% água):

 $40.36 \times 74.9\% = 30.2 \text{ mol m}^{-3} \times 28 \text{ g mol}^{-1} = 846.2 \text{ g m}^{-3}$ Nitrogênio: $40.36 \times 20.2\% = 8.14 \text{ mol m}^{-3} \times 32 \text{ g mol}^{-1} = 260.4 \text{ g m}^{-3}$ Oxigênio: Argônio: $40,36 \times 0,96\% = 0,387 \text{ mol m}^{-3} \times 40 \text{ g mol}^{-1} = 15,5 \text{ g m}^{-3}$ $40.36 \times 4\% = 1.61 \text{ mol m}^{-3} \times 18 \text{ g mol}^{-1} = 29.1 \text{ g m}^{-3}$ Água : $1151.2 \text{ g m}^{-3} = 1.15 \text{ kg m}^{-3}$ Total ar úmido:

LCE-200 Física do Ambiente Agrícola

PRESSÃO DE VAPOR

No item anterior foi visto que o ar, em condições atmosféricas normais, contém um certo teor de água. Pela Lei de Dalton (equação 5) existirá portanto uma pressão parcial desse vapor de água. Essa pressão é de grande importância para muitos fenômenos ligados à meteorologia e agronomia pois, em conjunto com outros fatores como temperatura, vento etc., determina a taxa de evaporação da água líquida. Pela sua importância, a pressão de vapor recebe um símbolo próprio, e_a. Aplicando a Lei de Dalton aos dados do exemplo 3 acima (ar com 4% de umidade), calculamos por exemplo que

$$e_a = P_{H2O} = P.0,04 = 10^5.0,04 = 4000 \text{ Pa}$$

A água contida no ar pode se tornar líquida num processo chamado condensação. A condensação ocorre geralmente no caso de um esfriamento do ar. Exemplos são a condensação sobre vidros, o orvalho que se forma de madrugada nas folhas de plantas e a própria formação de nuvens. Esses fenômenos ocorrem quando a pressão de vapor do ar (e_a) se torna superior à pressão de vapor saturado (e_s) , que é função de sua temperatura. Ouanto maior a temperatura, maior a sua pressão de vapor saturado, ou seja, mais água o ar pode conter. Uma fórmula empírica para se calcular e_s, é a equação de Tetens:

$$e_s = A. \exp^{\frac{17,3t}{237,3+t}}$$
 ou $e_s = A.10^{\frac{7,5t}{237,3+t}}$ (5)

O parâmetro A equivale a 610.8 Pa (para resultados em Pa), 0.6108 kPa (para resultados em kPa) ou 4,58 mmHg (para resultados em mmHg). A temperatura t, ao contrário da maioria das equações na Física, é dada em graus Celsius (°C). A figura 1 mostra graficamente a pressão de vapor em função da temperatura.

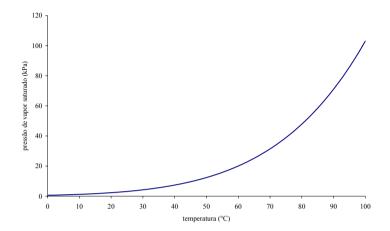


Figura 1 - Representação gráfica da equação de Tetens para o cálculo da pressão de vapor saturado (es) em função da temperatura no intervalo 0-100 °C

Exemplo 4: Calcular a pressão de vapor saturado utilizando a equação de Tetens.

Calcular a pressão de vapor saturado para as temperaturas de 10 °C, 20 °C, 30 °C e 100 °C.

Solução:

Substituindo o valor da temperatura na equação de Tetens, obtemos o valor da pressão de vapor saturado:

$$e_{s,10} = 610,8.\exp^{\frac{17,3.10}{237,3+10}} = 1229,5 \text{ Pa} = 1,23 \text{ kPa}$$

$$e_{s,20} = 610,8.\exp^{\frac{17,3.20}{237,3+20}} = 2343,7 \text{ Pa} = 2,34 \text{ kPa}$$

$$e_{s,30} = 610,8.\exp^{\frac{17,3.30}{237,3+30}} = 4257,4 \text{ Pa} = 4,26 \text{ kPa}$$

$$e_{s.100} = 610.8. \exp^{\frac{17,3.100}{237,3+100}} = 103.129 \text{ Pa} = 103 \text{ kPa}$$

Observe que os valores da pressão de vapor saturado para temperaturas ambientes estão na ordem de 1 a 5 kPa; cada kPa corresponde a 1% da pressão atmosférica padrão e concluímos, portanto, que a pressão de vapor saturado representa, a temperaturas ambientais comuns, em torno de 1 a 5% da pressão total. Observando a pressão de vapor saturado de 100 °C, verifica-se que esta é praticamente igual à

LCE-200 Física do Ambiente Agrícola

pressão atmosférica padrão. Isso faz com que a água, a essa temperatura, entra em ebulição, isto é, bolhas de vapor conseguem formar-se dentro do próprio líquido, uma vez que sua pressão é igual ou levemente maior que a do ar.

Exemplo 5: Qual é a temperatura de ebulição da água em Piracicaba?

Piracicaba encontra-se a uma altitude de quase 600 m, onde a pressão do ar é, em média, 94 kPa, isto é, 94% da pressão padrão ao nível do mar. A que temperatura a água entra em ebulição em Piracicaba?

Solução:

A questão se resume em determinar para qual temperatura a pressão de vapor saturado de água equivale e 94 kPa. Invertendo a equação de Tetens obtemos

$$t = \frac{237.3 \ln^{e_s} / A}{17.3 - \ln^{e_s} / A} \tag{6}$$

Nessa equação, fazendo es = 94 kPa e A = 0,6108 kPa, obtemos t = 97,5 °C. Essa é a temperatura de ebulição da água à pressão atmosférica de 94 kPa, como em Piracicaba.

EQUIPAMENTOS UTILIZADOS PARA DETERMINAÇÃO DA UMIDADE RELATIVA DO AR

Higrômetro

Algumas substâncias com capacidade de absorver a umidade atmosférica servem como elemento básico para a construção de higrômetros. Entre elas estão o cabelo humano e sais de lítio. No higrômetro construído com cabelo humano, uma mecha de cabelos é colocada entre um ponto fixo e outro móvel e, segundo a umidade a que está submetida, ela varia de comprimento, arrastando o ponto móvel. Esse movimento é transmitido a um ponteiro que se desloca sobre uma escala, na qual estão os valores da umidade relativa. Outro tipo de higrômetro é o que se baseia na variação de condutividade de sais de lítio, os quais apresentam uma resistência variável de acordo com a água absorvida. Um amperímetro com sua escala devidamente calibrada fornece os valores de umidade do ar.

Psicrômetro

Outra maneira de medir a umidade relativa é calcular a velocidade de evaporação da água. Para isso, dois termômetros de mercúrio idênticos são expostos ao ar: um traz o bulbo descoberto ("bulbo seco"); outro tem o bulbo coberto por gaze umedecida ("bulbo úmido"), os quais recebem a denominação de Psicrômetro.

A temperatura do bulbo úmido (t_u) é, pelo arranjo, inferior a do seco (t_s) , porque a água evaporada da gaze resfria o bulbo. Quanto menor a umidade do ar,

tanto maior é o resfriamento da gaze. A diferença de leitura entre os dois termômetros $(t_s - t_u)$ é também chamada de *depressão psicrométrica*. A partir dela pode ser encontrado a pressão de vapor atual do ar (e_a) através da *equação do Psicrômetro*, determinada termodinamicamente:

$$e_a = e_{stu} - \gamma P_{atm}(t_s - t_u) \tag{7}$$

Nessa equação, $e_{s,tu}$ é a pressão de vapor à temperatura do bulbo úmido, P_{atm} é a pressão atmosférica e γ é a constante psicrométrica. O valor de γ depende da geometria e da ventilação do psicrômetro. Normalmente utiliza-se

 $\gamma = 6,67.10^4 \, {
m K}^{-1}$ para psicrômetros com ventilação forçada $\gamma = 8,0.10^4 \, {
m K}^{-1}$ para psicrômetros sem ventilação forçada

Exemplo 6: Qual é a pressão de vapor do ar em função da leitura de um psicrômetro?

Observa-se, num psicrômetro sem ventilação forçada, uma temperatura do bulbo seco de 28,2 °C e uma temperatura do bulbo úmido de 21,6 °C. A pressão atmosférica é de 0,94.10⁵ Pa. Calcular a pressão de vapor.

Solução:

Utilizamos a equação do psicrômetro (equação 7) para resolver a questão. Calculamos $e_{s,u}$ pela equação de Tetens (equação 5), com $t = t_u = 21,6$ °C, resultando em $e_{s,u} = 2588$ Pa. Então:

$$e_a = 2588 - 8.0.10^{-4}.0.94.10^{5}(28.2 - 21.6) = 2091 \text{ Pa}$$

UMIDADE ABSOLUTA

A umidade absoluta do ar (UA, kg m⁻³ ou g m⁻³) é definida como a razão entre a massa de vapor de água e o volume do ar. A partir da pressão de vapor atual, ela pode ser calculada utilizando-se a equação universal dos gases:

$$\frac{n}{V} = \frac{P}{RT}$$
 ou, para a pressão parcial do vapor:

$$\frac{n_{H2O}}{V} = \frac{e_a}{RT} \text{ (mol m}^{-3}\text{)}$$

Para transformar esse resultado em g ${
m m}^3$, multiplicamos o resultado pela massa molecular da água (M_{H2O}) :

$$UA = \frac{e_a}{RT} M_{H2O} \tag{8}$$

 $0.835 \text{ mol m}^{-3} \text{ x } 18 \text{ g mol}^{-1} = 15.0 \text{ gramas de água por m}^{3} \text{ de ar.}$

LCE-200 Física do Ambiente Agrícola

UMIDADE RELATIVA E DÉFICIT DE VAPOR

Dois parâmetros importantes para a caracterização do ar são a umidade relativa (UR) e o déficit de vapor ou déficit de saturação (Δe). A umidade relativa é definida como

$$UR = \frac{e_a}{e_s} \tag{9}$$

O déficit de vapor é calculado como

$$\Delta e = e_s - e_a \tag{10}$$

e pode ser expresso em Pa, kPa, atm, ou outras unidades de pressão, dependendo da unidade escolhida para e_v e e_a . A Figura 2 representa Δe graficamente.

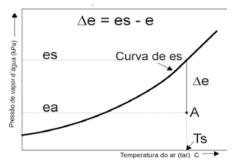


Figura 2 - Representação gráfica do déficit de vapor ou déficit de saturação.

A umidade relativa é de grande importância meteorológica e agronômica, pois determina entre outros fatores a taxa de evaporação da água. Assim, para o homem, considera-se que a faixa de umidade relativa de 40 a 70% proporciona conforto máximo. Acima de 70%, a umidade relativa é alta, o que se reflete na dificuldade de a água evaporar: o ambiente fica "abafado". Abaixo de 40%, a evaporação ocorre com muita facilidade, refletindo em problemas respiratórios, garganta e nariz secos, etc. Para as plantas, da mesma forma que para o homem, uma umidade relativa baixa resulta em altas taxas de transpiração; conseqüentemente, a planta deve extrair a água do solo a taxas maiores.

A importância do déficit de vapor está no fato de este parâmetro descrever qual a capacidade de absorção de água do ar.

Exemplo 7: Calcular a umidade relativa e o déficit de vapor

Qual é a umidade relativa e o déficit de vapor nas condições atmosféricas do exemplo 6?

Solução:

No exemplo 6 já foi calculado a pressão de vapor atual $e_a = 2091$ Pa. Calculamos e_s pela equação de Tetens (equação 5), com t = 28,2 °C, resultando em $e_s = 3838$ Pa. Portanto:

Equação 8:
$$UR = \frac{e_a}{e_s} = \frac{2091}{3838} = 0,545$$
 ou 54,5%

Equação 9:
$$D = e_s - e_a = 3838 - 2091 = 1747$$
 Pa

Exemplo 8: Calcular a umidade absoluta do ar

Qual é a umidade absoluta (quantos gramas de água cada m³ de ar contém) nas condições atmosféricas descritas no exemplo 6? Quantos gramas de água seriam necessários para levá-lo a saturação?

Solução:

Utilizando a equação 8, obtemos

$$UA = \frac{e_a}{RT} M_{H20} = \frac{2091}{8,314.301,3} \times 18 = 15,0 \text{ gramas de água por m}^3 \text{ de ar.}$$

Para calcular quantos gramas de água seriam necessários para levar esse ar a saturação, calculamos a umidade absoluta do ar saturado:

$$UA = \frac{e_a}{RT} M_{H2O} = \frac{3838}{83143013} \times 18 = 27,6 \text{ gramas de água por m}^3 \text{ de ar.}$$

Para saturar o ar, devemos elevar seu teor de água de 15,0 a 27,6 g m⁻³, acrescentando portanto 12.6 g m⁻³.

TEMPERATURA DO PONTO DE ORVALHO

No exemplo 8 acima vimos que podemos levar o ar à saturação acrescentando água. Uma outra forma de se obter um ar saturado com água e reduzir a sua temperatura. Reduzindo a temperatura, mantendo o teor de água constante, aumentamos a umidade relativa, pois reduzimos a pressão de vapor saturado. Numa determinada temperatura, chamada a *temperatura do ponto de orvalho* (t_o), a pressão de vapor torna-se igual à pressão de vapor saturado àquela temperatura e, portanto, a umidade relativa será de 100%. Dessa forma, $e_{s_{10}} = e_a$ e, em analogia à equação 6:

$$t_o = \frac{237,3 \ln^{e_a}/A}{17,3 - \ln^{e_a}/A} \text{ ou } t_o = \frac{237,3 \log^{e_a}/A}{7,5 - \log^{e_a}/A}$$
 (10)

A temperatura de orvalho é um indicador das condições atmosféricas. Uma temperatura de orvalho próxima à temperatura atual indica uma alta umidade

LCE-200 Física do Ambiente Agrícola

relativa. Em relação à previsão de geadas, uma temperatura de orvalho acima de $0\,^{\circ}$ C normalmente indica a ausência de ocorrência de geadas, pois é nessa temperatura que, durante um resfriamento noturno, a água começa a condensar, liberando sua energia latente e aquecendo o ar. Além disso, a formação de neblina nessas condições, se ocorrer, protege a superfície do solo e das plantas da perda de energia radiativa.

A Figura 3 representa, graficamente, a temperatura do ponto de orvalho.

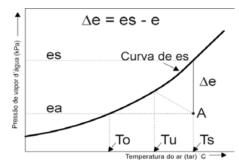


Figura 3 - Representação gráfica da temperatura do ponto de orvalho.

Exemplo 9: Calcular a temperatura do ponto de orvalho

Calcular a temperatura do ponto de orvalho nas condições atmosféricas descritas no exemplo 6.

Solução:

Utilizando a equação 10 com o valor de e_a obtido no exemplo 6 temos:

$$t_o = \frac{237,3 \ln \frac{2091}{611}}{17,3 - \ln \frac{2091}{611}} = 18,2 \text{ °C}$$

COMPORTAMENTO DIÁRIO DA UMIDADE DO AR

Em condições meteorológicas estáveis, o teor de água na atmosfera e, portanto, a pressão de vapor permanece aproximadamente constante ao longo de um dia. Ao mesmo tempo, a temperatura apresenta um ciclo diário, apresentando um máximo no início da tarde e um mínimo na madrugada. Sendo assim, a pressão de vapor saturado, função da temperatura, apresenta um máximo e mínimo nos mesmos horários que a temperatura. A umidade relativa, razão entre pressão de vapor atual e saturado, consegüentemente tem seu mínimo quando a temperatura é máxima, e vice-

versa. Esses fatos podem ser verificados na Figura 4, que mostra a pressão de vapor, temperatura, pressão de vapor saturado, e umidade relativa do ar ao longo do dia 2 de setembro de 1999, um dia muito seco em Piracicaba. Observe que a umidade relativa, no período da tarde, está próxima a 20%. Durante a noite, devido à diminuição da temperatura, a umidade relativa aumenta até valores próximos de 80%.

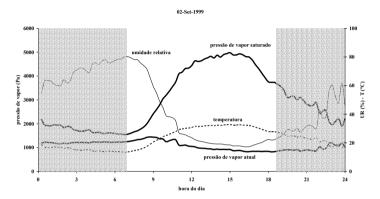


Figura 4 - Pressão de vapor, temperatura, pressão de vapor saturado, e umidade relativa do ar ao longo do dia 2 de setembro de 1999, em período seco, em Piracicaba.

A Figura 5 mostra os mesmos parâmetros para um dia de verão, em período úmido. A umidade relativa atinge um mínimo de aproximadamente 50%, de tarde, e um máximo de 100%, durante a noite. A ocorrência de saturação do ar durante a noite proporciona condições para a formação de orvalho e/ou neblina. Observe que, de mesma forma que na figura 4, a pressão de vapor atual mantém-se aproximadamente constante ao longo do dia.

LCE-200 Física do Ambiente Agrícola

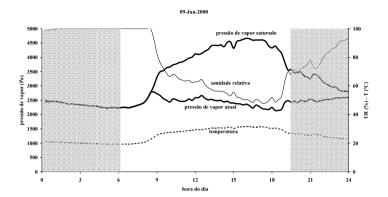


Figura 5 - Pressão de vapor, temperatura, pressão de vapor saturado, e umidade relativa do ar ao longo do dia 9 de janeiro de 2000, em período úmido, em Piracicaba.

A Figura 6 representa um dia chuvoso. Verifica-se uma umidade relativa próxima a 100% durante o dia todo

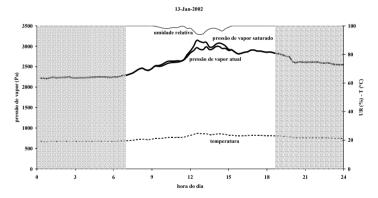


Figura 6 - Pressão de vapor, temperatura, pressão de vapor saturado, e umidade relativa do ar ao longo do dia 13 de janeiro de 2002, um dia chuvoso, em Piracicaba.